

Note :

20

Appréciation du correcteur (uniquement s'il s'agit d'un examen) :

TSTL - Lien force - mouvement - exercices - corrigé.

\* Uniquement s'il s'agit d'un examen.

Exercice 11. Système : obusReferentiel : TerrestreBilan des forces : - Poids  $\vec{P} = m\vec{g}$  (vertical, vers le bas, uniquement selon y)D'après la 2<sup>e</sup> loi de Newton :  $\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m\vec{a}$ Donc ici  $\vec{P} = m\vec{a} \Leftrightarrow \frac{\vec{P}}{m} = \vec{a}$ 

$$\vec{a} \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -\frac{mg}{m} = -g \end{cases} \quad - \text{ car } \vec{g} \text{ et } y \text{ sont de sens opposés}$$

2.  $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$ , donc par intégration.

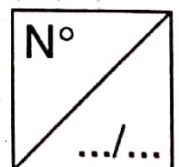
$$\vec{v} \begin{cases} v_x = R \\ v_y = -gt + R' \end{cases}$$

Pour trouver  $R$  et  $R'$ , regardons  $\vec{v}$  à  $t=0$ 

$$\vec{v}_0 \begin{cases} v_{x0} = v_0 \cos \alpha = R \\ v_{y0} = v_0 \sin \alpha = R' \end{cases} \Rightarrow \vec{v} \begin{cases} v_x = v_0 \cos \alpha \\ v_y = -gt + v_0 \sin \alpha \end{cases}$$

 $\vec{v} = \frac{d\vec{OH}}{dt}$ , donc par intégration

$$\vec{OH} \begin{cases} x = v_0 \cos \alpha \times t + R \\ y = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \alpha \times t + R' \end{cases}$$

Comme l'obus est en  $(0;0)$  à  $t=0$ , on en déduit que  $R = R' = 0$ 

3. De la 1<sup>re</sup> equation horaire, on tire

$$t = \frac{x}{V_0 \cos \alpha}$$

en remplaçant  $t$  par son expression dans la 2<sup>e</sup> eq<sup>o</sup> horaire, on obtient.

$$y = -\frac{1}{2} g \left( \frac{x}{V_0 \cos \alpha} \right)^2 + V_0 \sin \alpha \times \left( \frac{x}{V_0 \cos \alpha} \right)$$

$$y = -\frac{g}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 + \tan \alpha x$$

C'est l'equation d'une parabole, ce qui correspond à la trajectoire.

4. A la fin du vol,  $y = 0$

$$\text{donc } -\frac{1}{2} g t^2 + V_0 \sin \alpha \times t = 0$$

$$\Leftrightarrow t \left( -\frac{1}{2} g t + V_0 \sin \alpha \right) = 0$$

donc soit  $t = 0$  soit la parenthèse vaut 0

$$-\frac{1}{2} g t + V_0 \sin \alpha = 0 \quad \Leftrightarrow \quad \frac{1}{2} g t = V_0 \sin \alpha$$

$$\Leftrightarrow \quad t = \frac{2 \times V_0 \sin \alpha}{g}$$

$$\text{A.N. } t = \frac{2 \times 1600 \times \sin(50)}{9,81} = 250 \text{ s}$$

Maintenant que l'on connaît  $t$ , on peut trouver  $x$

$$x = V_0 \cos \alpha \times t = 1600 \times \cos(50) \times 250 = 257 \text{ km}$$

5. Au sommet de la trajectoire,  $V_y = 0$  donc  $-9,8 \times t + 1226 = 0$

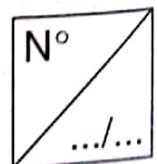
$$t = \frac{1226}{9,8} = 125 \text{ s}$$

on peut donc calculer  $y = -\frac{1}{2} g t^2 + V_0 \sin \alpha \times t$

$$= -\frac{9,8 \times 125^2}{2} + 1600 \times \sin(50) \times 125$$

$$= 76,6 \text{ km}$$

6. La différence entre les valeurs réelles et théoriques montre que l'on ne peut pas négliger les frottements de l'air



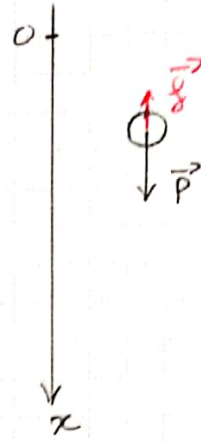
## Exercice 2

1. Sys: grêlon

Referentiel: Terrestre

Bilan des forces: Le poids  $\vec{P} = m\vec{g}$

les frottements  $\vec{f} = -k\vec{v}$



2. D'après la 2<sup>e</sup> loi de Newton:  $\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m\vec{a}$

$$\text{ici } \vec{P} + \vec{f} = m\vec{a}$$

$$\Leftrightarrow m\vec{g} - k\vec{v} = m \frac{d\vec{v}}{dt}$$

$$\Leftrightarrow \vec{g} - \frac{k}{m}\vec{v} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$

$$\Leftrightarrow \vec{g} = \frac{d\vec{v}}{dt} + \frac{k}{m}\vec{v}$$

$$\Leftrightarrow g = \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m}v \quad \text{après projection sur } Ox$$

3. Quand la vitesse limite est atteinte, la vitesse devient constante

donc  $\frac{dv}{dt} = 0$ . L'expression précédente devient  $g = \frac{k}{m} v_{\text{lim}}$

$$\Rightarrow v_{\text{lim}} = \frac{mg}{k}$$

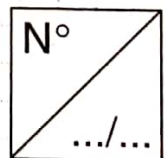
4. On lit  $v_{\text{lim}} = 19 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$

5.  $v_{\text{lim}} = \frac{mg}{k}$  donc  $k = \frac{mg}{v_{\text{lim}}} = \frac{3,8 \times 9,8}{19} = 2 \text{ g}\cdot\text{s}^{-1}$

6. 95% de 19 = 18. Sur le graphique, on atteint  $18 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$  à

$$t = 6 \text{ s}$$

7. au bout de 6s, on lit que  $d = 75-80 \text{ m}$



### Exercice 3

ne rien  
écrire  
dans

la  
partie  
barrée

1. le proton est chargé positivement donc la force est dans le même sens que  $\vec{E}$

2. système : proton

Referentiel : Terrestre

Bilan des forces : Force électrique  $\vec{F} = q\vec{E} = e\vec{E}$

D'après la 2<sup>e</sup> loi de Newton :  $\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m\vec{a}$

$$\text{ici } \vec{F} = m\vec{a} \Leftrightarrow \vec{E} = m\vec{a} \Leftrightarrow \frac{e}{m}\vec{E} = \vec{a}$$

Tout se passe selon Ox donc  $\frac{e}{m}E = ax$

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} \text{ donc par intégration } v_x = \frac{eE}{m}t + v_0$$

$$\text{à } t=0, v_x = v_0 \text{ donc } v_x = \frac{eE}{m}t + v_0$$

3. on avait  $a_y = 0$  donc par intégration  $v_y = k'$  or à  $t=0$

$v_{y0} = 0$  donc  $v_y = 0$ . L'accélération et la vitesse ne se font que sur 1 direction donc on parle d'accélérateur linéaire

$$\begin{aligned} 4. v_1 &= \frac{eE}{m} \times t_1 + v_0 = \frac{1,6 \times 10^{-19} \times 10,0 \times 10^3 \times 3,7 \times 10^{-7} + 2,0 \times 10^3}{1,7 \times 10^{-27}} \\ &= 350 \times 10^3 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} \end{aligned}$$

5. Un neutron n'a pas de charge,  $\vec{E}$  n'agit pas dessus donc le dispositif ne peut pas fonctionner

6. Pour accélérer un  $e^-$ , il faut que  $\vec{E}$  soit dans l'autre sens donc il faut inverser le branchement des armatures

